МОДЕЛИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ ТЕРМОХИМИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК КРИСТАЛЛИЧЕСКИХ ОКСИДОВ ВАНАДИЯ ПРИ СТАНДАРТНЫХ УСЛОВИЯХ

А.К. Никифорова, О.Н. Груба

Южно-Уральский государственный университет, г. Челябинск, Россия

Показана возможность применения гиперболической модели расчета термохимических характеристик (стандартной молярной теплоемкости, стандартной молярной энтропии) к системе V–O. Использование модели позволило уточнить имеющиеся экспериментальные данные по оксидам ванадия и предсказать значения термохимических характеристик для малоизученных экспериментально соединений.

DOI: 10.14529/chem170403

Ключевые слова: ванадий, оксиды, теплоемкость, энтропия, математическое моделирование.

Введение

Ванадий — один из распространенных элементов, который занимает двадцатое место среди элементов, образующихся в земной коре [1]. В самородном виде ванадий в природе неизвестен, так как он относится к рассеянным элементам — в природе его можно найти в виде примесей в различных минералах и горных породах [2]. Важным промышленным источником ванадия служат титаномагнетитовые железные руды и осадочные железные руды. При переработке этих руд ванадий извлекается из шлаков при переделе чугуна в сталь. Другими промышленными источниками ванадия являются: патроитовые, роскоэлитовые и моттрамитовые руды; карнотиты, из которых ванадий извлекают попутно с ураном; окисленные медно-свинцово-цинковые руды, в которых ванадий находится в виде минералов ванадинита, моттрамита и др.

На воздухе этот металл быстро окисляется и при нагревании образует оксиды с различными степенями окисления (VO, V_2O_3 , VO_2 , V_2O_5 и др.), которые и представляют собой наибольший практический интерес. По данным ряда исследователей [3], в системе V – О существуют от 21 до 25 соединений и фаз. Большинство из них – оксиды V_nO_{2n-1} (n=2-8), VO_2 , V_nO_{2n+1} (n=2, 3 и 7) с содержанием кислорода 60 ат. % и более. Эти оксиды хорошо изучены и, как правило, не имеют областей гомогенности. В отличие от них оксиды ванадия с содержанием кислорода менее 55 ат. % имеют широкие области гомогенности.

По свойствам оксидов собран достаточно содержательный экспериментальный материал, но очень часто приводимые данные являются противоречивыми, скорее всего, это зависит от того, что из-за большого количества соединений в системе V-O в качестве исходных объектов исследований выступают очень близкие, а не соответствующие оксиды. Вместе с тем отсутствуют убедительные методики расчета термодинамических характеристик (теплоемкости, энтропии образования) для кристаллических веществ, которые бы соответствовали имеющимся справочным данным. Все вышесказанное осложняет проведение корректного термодинамического анализа реакций восстановления ванадийсодержащих руд.

Целью данной работы стало моделирование и расчет термодинамических характеристик (C_p° , S°) кристаллических оксидов ванадия произвольного состава при стандартных условиях.

Методика исследования

В силу объективных сложностей экспериментального определения термодинамических характеристик, громоздких расчетов при использовании уравнений статистической термодинамики, учеными постоянно предпринимались попытки создания методов приближенного расчета абсолютной энтропии.

Так, В.А. Киреев предложил метод сравнительного расчета энтропий однотипных неорганических соединений [4]. В.М. Латимер предложил метод расчета энтропии твердых веществ, основанный на аддитивности энтропий составляющих элементов [5]. Ряд ученых, опираясь на накоп-

ленный экспериментальный материал по энтропии, пошли по пути установления эмпирических закономерностей, позволяющих рассчитывать ее для неизученных соединений. Так, например, в справочнике [6] предлагается уравнение для приближенного расчета абсолютной энтропии однотипных твердых неорганических соединений.

В работе [7] было проведено сопоставление экспериментальных и расчетных значений абсолютных энтропий на примерах оксидов титана, ванадия, хрома, марганца, железа. Оказалось, что сравнительные методы расчета дают большой разброс результатов в зависимости от выбранного «эталона». В силу отсутствия теоретической базы все рассмотренные методики не универсальны и дают лишь избирательную согласованность с экспериментом. Существующие приближенные методы расчета не учитывают внутреннее строение вещества, не позволяют достоверно оценить энтропию нестехиометрических соединений.

Именно поэтому возникает необходимость в использовании математической модели расчета термодинамических параметров (теплоемкости, энтропии), которая бы удовлетворяла экспериментальным данным. Наиболее корректную модель расчета предложил $A.\Gamma$. Рябухин. Первоначально модель была разработана для соединений типа Me_yA_z , в которых при стандартных условиях Me является твердым веществом, а A – газом.

В математическую модель расчета термодинамических характеристик автором введены некоторые общие понятия и обозначения [8, 9].

- 1. Состав бинарных кристаллических соединений Me_yA_z приводится к виду ($MeA_{z/y}$ или MeA_x), т. е. все расчеты ведутся на 1 моль металла в соединении. Подобный прием широко используется при проведении термодинамических расчетов, поскольку позволяет сравнивать свойства соединений разнообразного состава.
- 2. Теплоемкость (энтропия) сложного вещества складывается из двух независимых величин: $C_m(S_m)$ (индекс от слова *mass*), связанной с массой, и $C_{in}(S_{in})$ (от *interaction*), определяемой межчастичным взаимодействием:

$$C_p^{\circ} = C_m + C_{in}; \tag{1}$$

$$S = S_m + S_{in} \,. \tag{2}$$

- 3. Массовая составляющая $C_m = S_{in} = \frac{1}{2} R \ln M$, где R универсальная газовая постоянная (Дж/моль·К); M относительная атомная масса металла или молекулярная масса соединения, отнесенная к одному молю металла.
- 4. Поле диаграммы, построенной в координатах C_{in}^{-1} (S_{in}^{-1}) и x, разбивается на n областей квазиравновесных твердых растворов (ОТР). В одну ОТР объединяются соединения, имеющие один и тот же либо близкий тип кристаллической структуры. В каждой области выделяется центральное кристаллообразующее вещество (КО). Полагается, что в рамках одной ОТР зависимость «свойство состав» носит линейный характер. Обратная величина теплоемкости взаимодействия (энтропии взаимодействия) бинарного соединения определяется из обратных величин C_{in} (S_{in}) компонентов с учетом состава и кристаллических структур:

$$C_{in}^{-1}(MeA_x) = C_{in}^{-1}(KO) - \frac{x - x_{KO}}{K_n \left[\frac{1}{2}C_{in}(A) + C_{in}(KO)\right]};$$
(3)

$$S_{in}^{-1}(MeA_x) = S_{in}^{-1}(KO) - \frac{x - x_{KO}}{K_n \left[\frac{1}{2}S_{in}(A) + S_{in}(KO)\right]}.$$
 (4)

Здесь x_{KO} и x — отношение числа моль газообразного компонента A на число моль металла в кристаллобразующем и в рассматриваемых соединениях соответственно; K_n — структурный коэффициент, количественно описывающий изменение структуры внутри ОТР при изменении состава; x_n — верхняя (правая) граница рассматриваемой ОТР.

Структурный коэффициент — величина специфическая для каждой конкретной области. Значение K_n рассматриваемых областей [8] определяется комбинацией линейных структурных характеристик расположения частиц k соединений, принадлежащих границам областей (либо близ-

Физическая химия

ких к ним). Исходя из того, что верхняя (правая) граница каждой предыдущей ОТР одновременно будет являться нижней (левой) границей каждой последующей области квазиравновесных твердых растворов, логично предположить, что значения k граничных соединений, должны повторяться, то есть быть переходящими от одной ОТР к другой — принцип преемственности.

В пределах одной ОТР уравнения (3) и (4) могут быть приведены к линейному виду. Их совместное решение для смежных областей квазиравновесных твердых растворов позволяет аналитически определить координаты границ x_{1-2} , x_{2-3} и т. д.

В рассмотренной модели учитывается внутренняя структура соединений, что позволяет корректно рассчитать термодинамические характеристики бинарных соединений во всем диапазоне их составов. Также можно будет уточнить или предсказать величины малоизученных экспериментально соединений.

Результаты расчетов и их обсуждение

Теплоемкость. В системе ванадий – кислород известно более 20 соединений и только для четырех из них имеются надежные справочные данные C_p° . Анализ имеющейся информации по структурам оксидов ванадия показал, что в этой системе должны быть, по крайней мере, две ОТР с ориентировочной границей в районе x = 1,0 (VO).

В табл. 1 приведены исходные справочные данные для оксидов ванадия, являющиеся опорными для проверки математических моделей.

Таблица 1 Исходные данные для расчета молярных теплоемкостей (Дж/моль·К) кристаллических оксидов ванадия, *T* = 298,15 K

Вещество	Структура	C_{p}° , [10]	M	
V	куб. (α-Fe)	24,894 ± 0,209	50,942	
$VO_{0,86}$	_	_	64,701	
VO	ГЦК (NaCl)	$45,512 \pm 0,420$	66,941	
VO _{1,24}	_	_	70,781	
VO _{1,30}	_	_	71,741	
V_2O_3	Гексагональная	$104,952 \pm 0,314$		
$VO_{1,5}$	$(\alpha - Al_2O_3)$	52,476	74,941	
V ₄ O ₇ VO _{1,75}	_	_	78,940	
V_2O_4	Тетрагональная	$115,399 \pm 0,419$		
VO_2	(флюорит)	57,699	82,840	
V_2O_5 $VO_{2,5}$	Ромбическая	132,686 ± 0,314 66,343	90,940	

OTP-1: $V - VO_{1.0}$ (x = 0 - 1, 0), KO - V

В системе V–O металлический ванадий кристаллизуется в сложной кубической структуре (α -Fe), низший стехиометрический оксид VO_{1,0} – в структуре ГЦК (NaCl); отсюда структурный коэффициент K_1 : $K_1 = k_{\text{сл.куб}} \cdot k_{\Gamma \text{ЦК}} = \left(\sqrt{2} - 1\right) \left(\frac{8}{3\sqrt{3}} + 1\right) = 1,05088$.

OTP-2: $VO_{1,0} - VO_{2,5} [V_2O_5] (x = 1,0-2,5)$, $KO - VO_{2,5}$

Во второй ОТР происходит переход от ГЦК структуры, в которой кристаллизуется оксид ванадия (II), к ромбической. В качестве КО выбрано соединение V_2O_5 , завершающее диаграмму. Величина объемной структурной постоянной K_2 для ОТР-2 составляет: $K_2 = k_{\Gamma \text{ЦК}} \cdot k_{\text{ромб}} = \left(\sqrt{2} - 1\right) \cdot 2\sqrt{6} = 2,07345$.

Тогда уравнение (3) для ОТР-1 и ОТР-2 соответственно окончательно принимают вид:

$$C_{in}^{-1}(VO_x) = 0.11690 - 0.081286x;$$
 (5)

$$C_{in}^{-1}(VO_x) = 0.04439 - 0.009502x.$$
 (6)

Результаты расчетов по уравнениям (5) и (6) приведены в табл. 2 и на рис. 1.

Из сравнения экспериментальных данных и расчетных величин молярных теплоемкостей оксидов ванадия можно сделать вывод, что данные хорошо согласуются с экспериментальными данными и не выходят за пределы доверительных интервалов последних.

В табл. 2 представлены оксиды ванадия, о которых есть упоминания в литературе, но отсутствуют данные по теплоемкости. Применение гиперболической модели А.Г. Рябухина позволило предсказать для них величины стандартных молярных теплоемкостей.

Результаты расчета молярных теплоемкостей (Дж/моль·К) кристаллических оксидов ванадия, *T* = 298,15 K

Таблица 2

Вещество	C_m	C _{in} , yp. (1)	C_{in} , yp. (5), (6)	C_p° , yp. (1)
V	16,3399	8,5541	_	_
VO _{0,86}	17,3338	_	21,2793	38,6131
VO	17,4752	28,0368	28,0788	45,554
			28,6632	46,1384
$VO_{1,24}$	17,7071	_	30,6678	48,3749
$VO_{1,30}$	17,7631	_	31,2135	48,9766
V_2O_3				104,6526
$VO_{1,5}$	17,9445	34,5315	34,1818	52,1263
V_4O_7				216,7268
$VO_{1,75}$	18,1606	_	36,0211	54,1817
V_2O_4				115,5058
VO_2	18,3611	39,3384	39,3918	57,7529
V_2O_5				132,4206
$VO_{2,5}$	18,7489	47,5941	47,4614	66,2103

Совместное решение уравнений, которые описывают зависимости обратной теплоемкости от состава оксидов ванадия для граничащих областей твердых растворов ОТР-1 и ОТР-2, позволяет аналитически определить состав границы между областями. Так, из уравнений (5) и (6) находим $x_{1-2}(VO_x) = 1,01011$, что близко к составу соединения VO и подтверждает правильность выбора границ.

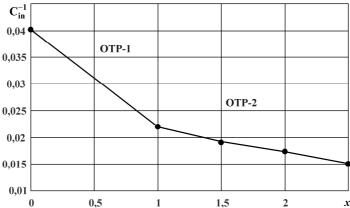


Рис. 1. Зависимость обратной величины стандартной молярной теплоемкости от состава оксида, отнесенной к одному молю ванадия (• – теория, ___ – расчет)

Энтропия. Кислород является составной частью любого оксида. Образованию оксида предшествует процесс адсорбции, при котором кислород (и другие двухатомные газы $-H_2$, F_2 , N_2 и т. д.) диссоциирует на атомы. Адсорбированные атомы находятся не в свободном состоянии, а сразу вступают в химическое взаимодействие с металлом или диффундируют через оксид. Энтропия взаимодействия для атомов кислорода, входящего в состав оксида, рассчитывалась как

$$S_{in}^{\circ}\left(\mathcal{O}\right) = \frac{1}{2}S^{\circ}\left(\mathcal{O}_{2}\right) - S_{m}^{\circ}\left(\mathcal{O}\right) = \frac{1}{2}S^{\circ}\left(\mathcal{O}_{2}\right) - \frac{1}{2}R\ln M = 102,0735 - 11,5255 = 90,548 \; .$$

Физическая химия

Анализ экспериментальных данных по системе V-O (табл. 3) позволил считать, что поле диаграммы $S_{in}^{-1}-x$ содержит две области: первая включает соединения с кубической структурой, а вторая – более сложные (гексагональную, тетрагональную и ромбическую).

Таблица 3 Экспериментальные данные и результаты расчета молярных энтропий (Дж/моль·К) кристаллических оксидов ванадия, *T* = 298,15 K

Вещество	S, [10]	S_m	S _{in} , (yp. 2)	S_{in}^{-1}	S_{in}^{-1} , yp. (7), (8)	S, (yp. 2)
V	$28,640 \pm 0,33$	16,3399	12,3301	0,08110	_	_
VO _{0,86}	_	17,3338	_	_	0,06489	36,6485
VO	$38,995 \pm 0,42$	17,4752	16,0648	0,06225	0,06225	38,7518
VO _{1,24}	_	17,7071	_	_	0,04736	43,4697
VO _{1,30}	_	17,7631	_	_	0,04364	44,9592
V_2O_3	$99,788 \pm 1,3$					50,1333
$VO_{1,5}$	49,894	17,9445	31,9495	0,03129	0,03127	49,9123
V_4O_7						
VO _{1,75}	_	18,1606	_		0,02881	52,8708
V_2O_4	$113,512 \pm 1,3$					
VO_2	56,756	18,3611	38,3949	0,02605	0,02633	56,3406
V_2O_5	$131,048 \pm 1,3$					
$VO_{2,5}$	65,524	18,7489	46,7751	0,02138	0,02138	65,5161

OTP-1: $V - VO_{1,5}$ (x = 0 - 1,5), KO - V:

Кристаллообразующим в первой области выбран ванадий, который кристаллизуется в кубической структуре (α -Fe). Оксид ванадия (II) кристаллизуется в структуре в ГЦК (NaCl), а оксид ванадия (IV) в гексагональной. Отсюда структурный коэффициент K_1 равен:

$$K_1 = k_{\text{ky6}} \cdot k_{\text{rekc}} = (2-1) \cdot \frac{3\sqrt{3}}{8} = 0,28505.$$

OTP-2: $VO_{1,5} - VO_{2,5}$ (x = 1,5-2,5), $KO - VO_{2,5}$:

В данной ОТР за кристаллообразующий можно выбрать хорошо изученный V_2O_5 с ромбической структурой. Тогда переходу от гексагональной структуры к ромбической будет отвечать

коэффициент K₂:
$$K_2 = k_{\text{гекс}} \cdot k_{\text{ромб}} = \frac{3\sqrt{3}}{8} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} = 0,73557.$$

Тогда уравнение (4) для ОТР-1 и ОТР-2 соответственно окончательно принимают вид:

$$S_{in}^{-1}(VO_x) = 0.08110 - 0.03410 x;$$
 (7)

$$S_{in}^{-1}(VO_x) = 0.04613 - 0.00989 x$$
 (8)

Результаты расчетов по уравнениям (7), (8) приведены в табл. 3 и на рис. 2.

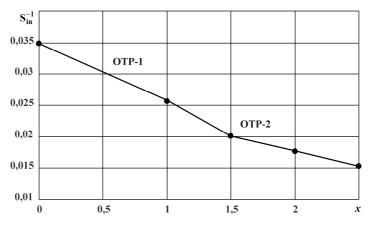


Рис. 2. Зависимость обратной величины стандартной молярной энтропии от состава оксида, отнесенной к одному молю ванадия (• – теория, ___ – расчет)

Совместное решение уравнений, описывающих зависимости обратной энтропии от состава оксидов ванадия для граничащих областей твердых растворов ОТР-1 и ОТР-2, позволяет аналитически определить состав границы между областями. Так, из уравнений (7) и (8) находим $x_{1-2}(VO_x) = 1,4949$, что близко к составу соединения $VO_{1,5}$ и подтверждает правильность выбора границ.

Заключение

Гиперболическая модель расчета молярной теплоемкости и молярной энтропии проверена на стехиометрических оксидах ванадия. Наблюдается хорошее согласие полученных результатов с экспериментальными данными. В расчетных уравнениях используются термодинамические параметры (теплоемкость, энтропия) простых веществ (металл, кислород) и их стехиометрических соединений с учетом структурных постоянных.

Подтверждена эффективность предложенного принципа преемственности линейных характеристик k граничных соединений при определении структурных коэффициентов K_n областей квазиравновесных твердых растворов для расчетов молярной теплоемкости и молярной энтропии.

Использованная математическая модель позволяет уточнять значения известных термодинамических параметров (молярная теплоемкость, молярная энтропия) и предсказывать численные значения для малоизученных экспериментально соединений для ряда бинарных кристаллических веществ одинакового качественного состава.

Литература

- 1. Newton, E. Chemical Elements, 2nd Edition / E. Newton, J. Edgar Kathleen. Cengage Learning, 2010. 796 p.
- 2. Krebs, R.E. The History and Use of Our Earth's Chemical Elements: A Reference Guide / R.E. Krebs. Greenwood Publishing Group, 1998. 366 p.
- 3. Давыдов, Д.А. Уточнение фазовой диаграммы системы V-O в области 25–50 ат. % кислорода / Д.А. Давыдов, А.А. Ремпель // Неорганические материалы. 2009. Т. 45. № 1. С. 50–57.
 - 4. Киреев, В.А. Курс физической химии / В.А. Киреев. М.: ГНТИ XЛ, 1956. 832 c.
- 5. Латимер, В.М. Окислительные состояния элементов и их потенциалы в водных растворах: пер. с англ.; под ред. проф. К.В. Астахова / В.М. Латимер. М.: Изд-во иностр. лит., 1954. 400 с.
- 6. Равдель, А.А. Краткий справочник физико-химических величин / под ред. А.А. Равделя и А.М. Пономаревой. 8-е изд., перераб. М.: Химия, 1983. 232 с.
- 7. Рябухин, А.Г. Сравнительный анализ приближенных методов расчета абсолютной энтропии на примере оксидов d-элементов IV периода / А.Г. Рябухин, О.Н. Груба // Изв. ЧНЦ УрО РАН. 2005. Вып. 4(30). С. 41–45.
- 8. Рябухин, А.Г. Теплоемкость кристаллических оксидов: моногр. / А.Г. Рябухин, М.А. Стенников. Челябинск: Изд-во ЮУрГУ, 2004.-84 с.
- 9. Рябухин, А.Г. Математические модели расчета термических констант / А.Г. Рябухин // Изв. ЧНЦ УрО РАН. -2007. Вып. 1 (35). С. 24-36.
- 10. Barin, I. Thermochemical Data of Pure Substances / I. Barin. Third Edition. New York: VCH Publishers, Inc., 1995. 2003 p.

Никифорова Ангелина Константиновна – студент, Южно-Уральский государственный университет . 454080, г. Челябинск, пр. им. В.И. Ленина, 76. E-mail: nikiforova.ak@mail.ru

Груба Оксана Николаевна – кандидат химических наук, доцент, доцент кафедры теоретической и прикладной химии, Южно-Уральский государственный университет. 454080, г. Челябинск, пр. им. В.И. Ленина, 76. E-mail: grubaon@susu.ru

Поступила в редакцию 12 сентября 2017 г.

DOI: 10.14529/chem170403

MODELING AND CALCULATION OF THERMOCHEMICAL CHARACTERISTICS OF CRYSTALLINE VANADIUM OXIDES UNDER STANDARD CONDITIONS

A.K. Nikiforova, nikiforova.ak@mail.ru
O.N. Gruba, grubaon@susu.ru
South Ural State University, Chelyabinsk, Russian Federation

The possibility of applying a hyperbolic model for calculating thermochemical characteristics (the standard molar heat capacity and standard molar entropy) to the V-O system has been shown. The use of the model has allowed refining the available experimental data on vanadium oxides and predicting the thermochemical characteristics values for the compounds poorly studied by experiment.

Keywords: vanadium, oxides, heat capacity, entropy, mathematical modeling.

References

- 1. Newton E. Chemical Elements, 2nd Edition. Edgar Kathleen. Cengage Learning, 2010. 796 p.
- 2. Krebs R.E. The History and Use of Our Earth's Chemical Elements: A Reference Guide. Greenwood Publishing Group, 1998. 366 p.
- 3. Davydov D.A., Rempel' A.A. *Utochnenie fazovoy diagrammy sistemy V–O v oblasti 25–50 at.% kisloroda* [Clarification of Phase Diagram in the System V-O in the Region of 25–50 at.% Oxygen]. Inorganic Materials, 2009, vol. 45, no. 1, pp. 50–57.
- 4. Kireev V.A. *Kurs fizicheskoy khimii* [A Course in Physical Chemistry] Moscow, State Scientific-Technical Publishing House of Chemical Literature, 1956. 832 p.
- 5. Latimer V.M. *Okislitel'nye sostoyaniya elementov i ikh potentsialy v vodnykh rastvorakh* [The Oxidation State of the Elements and Their Potentials in Aqueous Solutions] Moscow, Publishing House of Foreign Literature, 1954. 400 p.
- 6. Ravdel' A.A. *Kratkiy spravochnik fiziko-khimicheskikh velichin* [Quick Reference Physicochemical Variables]. Moscow, Chemistry, 1983. 232 c.
- 7. Ryabukhin A.G., Gruba O.N. [Comparative Analysis of Approximate Methods for the Calculation of the Absolute Entropy on the Example of the Oxides of D-elements of the Period IV] Chelyabinsk, Proceedings of the Chelyabinsk Scientific Center, Ural Branch of the Russian Academy of Sciences. 2005, no. 4(30), pp. 41–45. (in Russ.)
- 8. Ryabukhin A.G., Stennikov M.A. *Teploemkost' kristallicheskikh oksidov: monografiya* [The Heat Capacity of Crystalline Oxides: Monograph] Chelyabinsk, South Ural St. Univ. Publ., 2004. 84 p.
- 9. Ryabukhin A.G. [Mathematical Model of Calculation of Thermal Constants] Chelyabinsk, Proceedings of the Chelyabinsk Scientific Center, Ural Branch of the Russian Academy of Sciences. 2007, no. 1 (35), pp. 24–36. (in Russ.)
- 10. Barin I. Thermochemical Data of Pure Substances. Third Edition. New York: VCH Publishers, Inc., 1995. 2003 p.

Received 12 September 2017

ОБРАЗЕЦ ЦИТИРОВАНИЯ

Никифорова, А.К. Моделирование и расчет термохимических характеристик кристаллических оксидов ванадия при стандартных условиях / А.К. Никифорова, О.Н. Груба // Вестник ЮУрГУ. Серия «Химия». – 2017. – Т. 9, № 4. – С. 22–28. DOI: 10.14529/chem170403

FOR CITATION

Nikiforova A.K., Gruba O.N. Modeling and Calculation of Thermochemical Characteristics of Crystalline Vanadium Oxides under Standard Conditions. *Bulletin of the South Ural State University. Ser. Chemistry.* 2017, vol. 9, no. 4, pp. 22–28. (in Russ.). DOI: 10.14529/chem170403