# ЗАКОНОМЕРНОСТИ ИЗМЕНЕНИЯ ТЕРМОХИМИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК ИНТЕРМЕТАЛЛИДОВ СИСТЕМ «СВИНЕЦ – ЛАНТАНОИДЫ», БОГАТЫХ СВИНЦОМ

### Ф.К. Ходжаев $^1$ , Б.Б. Эшов $^2$ , А.Б. Бадалов $^1$

Проведён системный анализ термохимических характеристик — температуры и энтальпии плавления интерметаллидов (ИМ) систем Pb–Ln, богатых свинцом, составов Pb $_3$ Ln, Pb $_2$ Ln и Pb $_4$ Ln $_3$ . Показано неполное или отсутствие сведений об этих характеристиках для ИМ всего ряда лантаноидов. В качестве основного метода определения и/или уточнения термохимических характеристик ИМ применён полуэмпирический метод, разработанный Н.С. Полуэктовым с сотрудниками. Метод учитывает влияние числа 4f-электронов, спин- и орбитальных моментов движения в атомах лантаноидов, определены и/или уточнены температура и энтальпия плавления интерметаллидов указанных составов. Полуэмпирическими методами разностей В.А. Киреева и М.Х. Карапетьянца определены и/или уточнены отсутствующие в литературе сведения для ИМ лантана, гадолиния и лютеция. Данные для ИМ этих лантаноидов являются опорными для расчёта по основному методу. Определённые величины температуры плавления ИМ позволили рассчитать энтальпии плавления ИМ по известной формуле.

Полученные наиболее полные сведения о температуре и энтальпии плавления ИМ составов  $Pb_3Ln$ ,  $Pb_2Ln$  и  $Pb_4Ln_3$  позволили установить, что закономерности изменения этих характеристик ИМ в зависимости от природы лантаноидов имеют сложный характер, с проявлением тетрад-эффекта, и чётко делятся на соответствующие подгруппы — цериевую и иттриевую. Эти закономерности внутри подгрупп лантаноидов проявляются по-разному, в зависимости от природы лантаноидов и тех факторов, которые учитываются при обработке данных по основному полуэмпирическому методу. Свойства ИМ европия и иттербия выпадают из общей закономерности, обусловленным заполнением их 4f-орбиталей электронами наполовину или полностью.

В целом с ростом порядкового номера лантаноидов наблюдается симбатное увеличение температуры и энтальпии плавления в ряду сходных ИМ состава  $Pb_4Ln_3$  и понижение этих характеристик для составов  $Pb_3Ln$  и  $Pb_2Ln$ .

Ключевые слова: интерметаллиды Pb–Ln, богатые свинцом; температура и энтальпия плавления; системный анализ; закономерности изменения; природа лантаноидов; тетрадэффект.

#### Введение

Достоверные сведения о термохимических характеристиках сплавов многокомпонентных систем позволяют установить закономерности их изменения в пределах сходных систем, разработать рациональные способы и определить оптимальные условии получения материалов с заранее заданными свойствами.

Результаты многочисленных исследований диаграммы состояния, которые обобщены в работе [1], показывают, что в системе Pb–Ln (где Ln – лантаноиды) образуются интерме-

таллиды (ИМ) составов  $Pb_3Ln$ ,  $Pb_2Ln$ ,  $Pb_4Ln_3$ , PbLn,  $Pb_{10}Ln_{11}$ ,  $Pb_4Ln_5$ ,  $Pb_3Ln_5$ ,  $PbLn_2$  и  $PbLn_3$ . Анализ имеющихся в литературе значений важной прикладной характеристики — температуры плавления этих UM — являются неполными, отрывочными для сходных UM, а имеющиеся заметно отличаются между собой [2–4]. Сведения об энтальпии плавления UM исследуемых систем вовсе отсутствуют.

DOI: 10.14529/met170303

В данной работе приведены результаты системного анализа определённых и/или уточнённых значений важных научно-прикладных

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Таджикский технический университет им. академика М.С. Осими, г. Душанбе, Республика Таджикистан.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Государственное научно-производственное и экспериментальное учреждение АН Республики Таджикистан, г. Душанбе, Республика Таджикистан

## Физическая химия и физика металлургических систем

характеристик — температуры и энтальпии плавления интерметаллидов систем Pb–Ln, богатых свинцом, составов  $Pb_4Ln_3$ ,  $Pb_2Ln$  и  $Pb_3Ln$ .

#### Методы исследования

В качестве основного метода определения и/или уточнения величины температуры и энтальпии плавления ИМ указанных составов и установления закономерности их изменения в зависимости от природы лантаноидов применен известный полуэмпирический метод, разработанный Н.С. Полуэктовым с сотрудниками [5, 6] (Расчет-1). Расчет произведен по следующему корреляционному уравнению

$$A_{Pb_xLn_y} = A_{Pb_xLa_y} + \alpha N_f + \beta S +$$

$$+ \gamma' S_{(Ce-Eu)} \left( \gamma'' L_{(Tb-Yb)} \right).$$
(1)

Коэффициенты уравнения (1) учитывают влияние:  $\alpha-4f$ -электронов,  $\beta$  и  $\gamma$  – спин (S) и орбитальных (L) моментов движения атомов и ионов лантаноидов на определяемую величину (A) – температуры плавления ( $T_{\text{пл}}$ ) и энтальпии плавления интерметаллидов ( $\Delta H^0_{\text{пл}}$ ). Коэффициенты относятся:  $\gamma'$  – к лантаноидам цериевой подгруппы, а  $\gamma''$  – к металлам иттриевой подгруппы. Метод применён нами для расчёта термодинамических характеристик гидридных соединений лантаноидов [7, 8]. Значения коэффициентов уравнения (1) (табл. 1) позволяют установить долевое участие каждого компонента уравнения на величины определяемой характеристики ИМ.

Отсутствующие в литературе значения температуры и энтальпии плавления указанных составов ИМ для лантана (La), гадолиния (Gd) и лютеция (Lu) определены методами сравнительного расчёта М.Х. Карапетьянца [9] и разностей В.А. Киреева [10]. Эти данные являются базисными для проведения систем-

ного анализа искомых характеристик ИМ других лантаноидов и установления закономерности их изменения.

Определённые и/или уточнённые значения температуры плавления по вышеотмеченным полуэмпирическим методам позволили рассчитать (Расчет-2) энтальпию плавления ИМ по уравнению, приведённому в работах [11, 12],

$$\begin{split} &\Delta H_{\Pi\Pi}^{0},\,\mathrm{Pb}_{x}\mathrm{Ln}_{y}=T_{\Pi\Pi}^{\mathrm{HM}}\times\\ &\times\Big(n\Delta H_{\Pi\Pi}^{\mathrm{Ln}}\left/T_{\Pi\Pi}^{\mathrm{Ln}}+m\Delta H_{\Pi\Pi}^{\mathrm{Pb}}\left/T_{\Pi\Pi}^{\mathrm{Pb}}\right)\right/\!\!\left(n+m\right)\!. \eqno(2) \end{split}$$

# Результаты исследования и их обсуждение

Полученные наиболее полные сведения по температуре и энтальпии плавления интерметаллидов изученных составов приведены в табл. 2.

Из данных табл. 2 можно заметить хорошее совпадение имеющихся литературных и расчётных значений температуры плавления ИМ, за исключением Pb<sub>2</sub>Sm, Pb<sub>2</sub>Lu и Pb<sub>3</sub>Ce. Значения энтальпии плавления ИМ по двум полуэмпирическим методам (Расчет-1) и (Расчет-2) хорошо согласуются между собой. Это свидетельствует о правомочности применяемых полуэмпирических методов и достоверности полученных величин.

Из рис. 1 и 2 видно, что графики зависимости изменения температуры и энтальпии плавления интреметаллидов сходного состава делятся по подгруппам лантаноидов — цериевой и иттриевой. В каждой подгруппе эти закономерности проявляются по-разному. Отклонение характеристики ИМ европия и иттербия от общих закономерностей обусловлено частичным и полным заполнением электронами 4*f*-орбиталей атомов этих элементов.

Значения коэффициентов корреляционного уравнения (1)

Таблица 1

ИМ	Параметр	α	β	γ'	γ"		
Pb <sub>3</sub> Ln	$\Delta H^0_{_{ m ПЛ}}$	-134,36	7,01	87,41	-64,36		
	$T_{\rm пл}$ , К	-17,36	0,15	21,78	-7,36		
Pb <sub>2</sub> Ln	$\Delta H^0_{_{\Pi\Pi}}$	-65,57	-96,00	-100,78	-56,31		
	$T_{\rm пл}$ , К	-9,57	-12,00	2,34	-7,66		
Pb <sub>4</sub> Ln <sub>3</sub>	$\Delta H^0_{ ext{ inj}}$	45,00	-8,29	-120,70	26,87		
	$T_{\rm пл}$ , К	2,57	1,15	4,63	0		

Таблица 2

Температура и энтальпия плавления интерметаллидов

ИМ		Ln	La	Ce	Pr	pN	Pm	Sm	Eu	РŊ	ТЬ	Dy	Но	Er	Tm	Yb	Lu
Pb <sub>3</sub> Ln	T <sub>III</sub> , K	Расчёт 1	1363	1394	1420	1424	1407	1368	1082	1242	1185	1153	1128	11111	1101	1010	1120
		Литера- тура	1363	1443	1393	I	I	1313	1061	1242	1	1153	I	ı	ı	1015	I
	$\Delta H^0_{\text{пл}}$ , Дж/моль-атомов	Расчёт 2	11361	11298	11425	11248	11269	11169	9030	10445	10040	9751	9522	9411	9347	8146	9480
		Расчёт 1	11361	11358	11402	11359	11228	11009	8106	10445	0866	9713	9511	9373	0086	8202	9480
	$T_{ m mi},{ m K}$	Расчёт 1	1392	1374	1363	1350	1334	1316	1162	1283	1247	1228	1217	1213	1217	1098	1258
u		Литера- тура	I	I	1363	I	I	886	Ι	1283	I	1228	Ι	I	-	I	843
Pb <sub>2</sub> Ln	$\Delta H^0_{\scriptscriptstyle \Pi\Pi}$ , Дж/моль-атомов	Расчёт 2	11779	11204	11008	10638	10708	10837	9849	10984	10780	10591	10470	10484	10549	2688	10861
		Расчёт 1	11779	11298	10982	10768	10654	10642	9813	10984	10732	10601	10528	10510	10549	8988	10861
	T <sub>III</sub> , K	Расчёт 1	1421	1441	1453	1461	1464	1462	1318	1433	1448	1450	1452	1454	1456	1306	1457
		Литера- тура	I	I	1453	ı	ı		ı	1433	I		ı	ı	I	I	
Pb <sub>4</sub> Ln <sub>3</sub>	оль-атомов	Расчёт 2	12231	11832	11785	11481	11782	12156	11367	12517	12803	12782	12761	12853	12917	10637	12861
	$\Delta H^0_{\text{пл}}$ , Дж/моль-атомов	Pacuër 1	12231	11954	11754	11674	11715	11877	11354	12517	12692	12795	12871	12920	12946	10651	12861

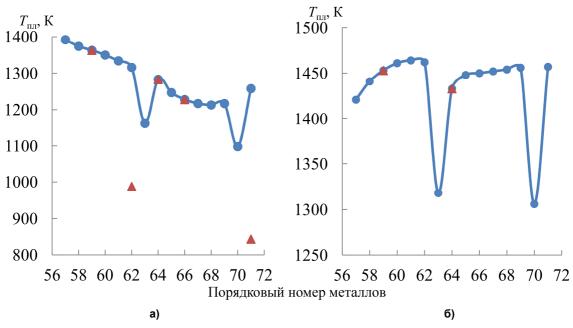


Рис. 1. Зависимости изменения температуры плавления ИМ составов Pb₂Ln (а) и Pb₄Ln₃ (б) от порядкового номера Ln: ▲ – литература; • – расчёт

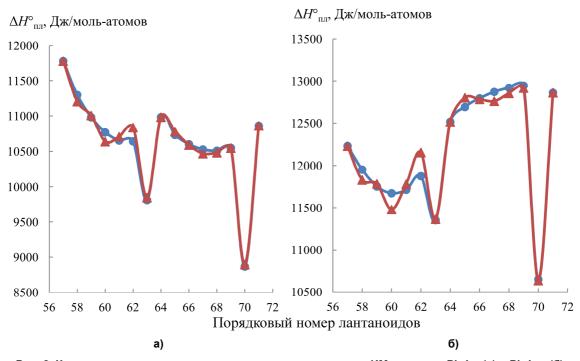


Рис. 2. Кривые зависимости изменения энтальпии плавления ИМ составов  $Pb_2Ln$  (a) и  $Pb_4Ln_3$  (б) от природы лантаноидов

#### Заключение

Полученные наиболее полные сведения о температуре и энтальпии плавления интерметаллидов систем Pb–Ln, богатых свинцом, составов  $Pb_3Ln$ ,  $Pb_2Ln$  и  $Pb_4Ln_3$  позволили установить закономерности изменения этих характеристик ИМ в зависимости от природы лантаноидов.

Установлено, что закономерности изменения температуры и энтальпии плавления ИМ от природы лантаноидов имеют сложный характер с проявлением известного тетрадэффекта, обнаруженного для других соединений лантаноидов [5–8]. Закономерности изменения изученных свойств ИМ сходного состава отличаются в каждой подгруппе лантанои-

дов в зависимости от влияния компонентов, приведённых в корреляционном уравнении (1). Установлено отклонение термохимических характеристик интерметаллидов европия и иттербия от общих закономерностей, обусловленное их электронным строением.

В ряду сходных ИМ составов  $Pb_3Ln$  и  $Pb_2Ln$  наблюдается уменьшение величины температуры плавления и энтальпии плавления, для ИМ  $Pb_4Ln_3$  наблюдается симбатное возрастание значений этих характеристик с ростом порядкового номера лантаноидов.

Полученные сведения о термохимических свойствах интерметаллидов систем Pb—Ln пополнят банк термодинамических характеристик химических соединений. Они являются фундаментальной основой для получения материалов с «запрограммированными» свойствами прикладного значения.

#### Литература

- 1. Диаграммы состояния двойных металлических систем / под ред. акад. РАН Н.П. Лякишева. М.: Машиностроение, 1996, 1997, 2001. Т. 1–3. 992, 1024, 1320 с.
- 2. Cox, J.D. CODATA Key Values for Thermodynamics / J.D. Cox, D.D. Wagman, V.A. Medvedov. New York: Hemisphere Publishing corp., 1989.
- 3. Термические константы веществ: справ. изд.: в 10 вып. / под ред. В.П. Глушко. М.: АН СССР, ВНИТИ, 1982.
- 4. Лебедев, В.А. Термохимия сплавов редкоземельных и актиноидных элементов: справ. изд. / В.А. Лебедев, В.И. Кобер, Л.Ф. Ямщиков. — Челябинск: Металлургия, Челябинское отделение, 1989. — 336 с.

- 5. Корреляционный анализ в физикохимии соединений трехвалентных ионов лантаноидов / Н.С. Полуэктов, С.Б. Мешкова, Ю.В. Коровин, И.И. Оксиненко // Докл. АН СССР. — 1982. — Т. 266, № 5. — С. 1157—1160.
- 6. Гадолиниевый излом в ряду трехвалентных лантаноидов / З.Б. Мешков, Н.С. Полуэктов, З.М. Топилова, М.М. Данилкович // Координационная химия. 1986. Т. 12, вып. 4. С. 481—484.
- 7. Мирсаидов, У.М. Энергия кристаллической решетки комплексных борогидридов лантаноидов / У.М. Мирсаидов, А.Б. Бадалов, Д.Х. Насруллоева // Докл. АН РТ. 2011. T. 54, N = 3. C. 216-221.
- 8. Thermal stability and thermodynamic properties of tris tetrahydrofuranates lanthanide boro-hydrides / A.B. Badalov, B.A. Gafurov, I.U. Mirsaidov, I. Hakerov // Inter. J. of Hydrogen Energy. 2011. Vol. 36, iss. I. P. 1217—1219.
- 9. Карапетьянц, М.Х. Методы сравнительного расчёта физико-химических свойств / М.Х. Карапетьянц. – М.: Наука, 1963. – 403 с.
- 10. Киреев, В.А. Методы практических расчётов в термодинамике химических реакций / В.А. Киреев. – М.: Химия, 1975. – 536 с.
- 11. Баянов А.П., Славкина В.И. // Материалы конференции, посвященной 100-летию Всесоюзного химического общества им. Д.И. Менделеева. Новокузнецк, 1969. С. 25—39.
- 12. Баянов, А.П. Расчет энтальпии образования соединений редкоземельных элементов на основе кристаллохимических характеристик / А.П. Баянов // Известия АН СССР. Неорганические материалы. 1973. Т. 9,  $N \ge 6$ . С. 959—963.

**Ходжаев Фируз Камолович**, старший научный сотрудник отдела докторантуры PhD и аспирантуры, Таджикский технический университет им. академика М.С. Осими, г. Душанбе, Республика Таджикистан; firuz1083@mail.ru.

**Эшов Бахтиер Бадалович**, д-р техн. наук, директор, Государственное научно-производственное и экспериментальное учреждение АН Республики Таджикистан, г. Душанбе, Республика Таджикистан; ishov1967@mail.ru.

**Бадалов Абдулхайр**, д-р хим. наук, профессор кафедры общей и неорганической химии, Таджикский технический университет им. академика М.С. Осими, г. Душанбе, Республика Таджикистан; badalovab@mail.ru.

Поступила в редакцию 13 июня 2017 г.

DOI: 10.14529/met170303

# REGULARITY OF CHANGING OF THE THERMOCHEMICAL CHARACTERISTICS OF LEAD-RICH INTERMETALLIDES IN LEAD – LANTHANIDE SYSTEMS

**F.K. Khojaev**<sup>1</sup>, firuz1083@mail.ru, **B.B. Eshov**<sup>2</sup>, ishov1967@mail.ru, **A.B. Badalov**<sup>1</sup>, badalovab@mail.ru

System analysis of thermochemical characteristics, viz. temperature and enthalpy of melting of intermetallides (IM) of lead-rich Pb-Ln systems, Pb<sub>3</sub>Ln, Pb<sub>2</sub>Ln and Pb<sub>4</sub>Ln<sub>3</sub> compositions was carried out. It is shown the incomplete or lacking information about these characteristics for the IM of the whole series of lanthanides. The Poluektov semiempirical method was used as the main method for determining and/or refining of the thermochemical characteristics of IM. The method takes into account the influence of the number of 4*f* electrons, spins and orbital moments of motion in the lanthanide atoms, and the temperature and enthalpy of melting of the intermetallides of the indicated compositions are determined and/or refined. By Kireeva and Karapetyants semiempirical methods of difference, information for lanthanum IM, gadolinium and lutetium, that missed in the literature is determined and/or refined. The data for the IM of these lanthanides are basic for calculation by the basic method. Certain values of the melting temperature of IM allowed to calculate the enthalpy of melting of IM by the well-known formula.

The most complete information on the temperature and enthalpy of melting of the IM compositions  $Pb_3Ln$ ,  $Pb_2Ln$  and  $Pb_4Ln_3$  allowed us to establish that the regularities of changes in these characteristics of IM are depending on the nature of the lanthanides. These regularities have complex nature with the manifestation of the "notebook-effect", and are clearly divided into the corresponding subgroups, cerium and yttrium. These regularities within the subgroups of the lanthanide manifest themselves differently, depending on the nature of the lanthanides and those factors that are taken into account in processing of the data by the basic semiempirical method. The properties of europium and ytterbium IM fall out from the general regularity, due to the filling of their 4f orbitals with electrons half or completely.

In general, as the number of lanthanides increases, the temperature and melting enthalpy increase in a series of similar IM compositions of Pb<sub>4</sub>Ln<sub>3</sub> and decrease in these characteristics for the Pb<sub>3</sub>Ln and Pb<sub>2</sub>Ln compositions are observed.

Keywords: lead-rich Pb—Ln intermetallics; melting temperature and enthalpy; system analysis; patterns of change; nature of lanthanides; notebook effect.

#### References

- 1. Diagrammy sostoyaniya dvoynykh metallicheskikh sistem [Phase Diagrams of Binary Metal Systems]. Vol. 1–3. N.P.Lyakishev, Ed. Moscow, Mashinostroenie Publ., 1996–2001.
- 2. Cox J.D., Wagman D.D., Medvedov V.A. *CODATA Key Values for Thermodynamics*. New York, Hemisphere Publishing Corp., 1989.
- 3. *Termicheskie konstanty veshchestv* [Thermal Constants of Substances]. Vol. 1–10. V.P.Glushko, Ed. Moscow, VINITI Publ., 1982.
- 4. Lebedev V.A., Kober V.I., Yamshchikov L.F. *Termokhimiya splavov redkozemel'nykh i aktinoidnykh elementov* [Thermochemistry of Alloys of Rare Earth and Actinoide Elements]. Chelyabinsk, Metallurgiya Publ. (Chelyabinsk Branch), 1989. 336 p.
- 5. Poluektov N.S., Meshkova S.B., Korovin Yu.V., Oksinenko I.I. [Correlation Analysis in Physical Chemistry of Trivalent Lanthanoide Compounds]. *Doklady AN SSSR*, 1982, vol. 266, no. 5, pp. 1157–1160. (in Russ.)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Tajik Technical University named after acad. M. Osimi, Dushanbe, Republic of Tajikistan, <sup>2</sup> State Scientific Production and Experimental Establishment of the Academy of Sciences of the Republic of Tajikistan, Dushanbe, Republic of Tajikistan

- 6. Meshkov Z.B., Poluektov N.S., Topilova Z.M., Danilkovich M.M. [Gadolinium Kink in the Row of Trivalent Lanthanoides]. *Koordinatsionnaya khimiya*, 1986, vol. 12, no. 4, pp. 481–484. (in Russ.)
- 7. Mirsaidov U.M., Badalov A.B., Nasrulloeva D.Kh. [Crystal Lattice Energy of Complex Borohydrides of Lanthanoides]. *Doklady AN RT*, 2011, vol. 54, no. 3, pp. 216–221.
- 8. Badalov A.B., Gafurov B.A., Mirsaidov I.U., Hakerov I. Thermal Stability and Thermodynamic Properties of Tristetrahydrofuranates Lanthanide Borohydrides. *Int. J. of Hydrogen Energy*, 2011, vol. 36, no. 1, pp. 1217–1219. DOI: 10.1016/j.ijhydene.2010.06.135
- 9. Karapet'yants M.Kh. *Metody sravnitel'nogo rascheta fiziko-khimicheskikh svoystv* [Methods of Comparative Calculation of Physico-Chemical Properties]. Moscow, Nauka Publ., 1963. 403 p.
- 10. Kireev V.A. *Metody prakticheskikh raschetov v termodinamike khimicheskikh reaktsiy* [Methods of Practical Calculation in Thermodynamics of Chemical Reactions]. Moscow, Khimiya Publ., 1975. 536 p.
- 11. Bayanov A.P., Slavkina V.I. In: *Materialy konferentsii, posvyashchennoy 100-letiyu Vsesoyuznogo khimicheskogo obshchestva imeni D.I. Mendeleeva* [Proceedings of the Conference Devoted to Centennial of the Mendeleev All-Union Chemical Society]. Novokuznetsk, 1969, p. 25–39. (in Russ.)
- 12. Bayanov A.P. [Calculation of Formation Enthalpy of Compounds of Rare Earth Elements Based on Crystal Chemistry Characteristics]. *Izvestiya AN SSSR. Neorganicheskie materialy*, 1973, vol. 9, no. 6, pp. 959–963. (in Russ.)

Received 13 June 2017

#### ОБРАЗЕЦ ЦИТИРОВАНИЯ

Ходжаев, Ф.К. Закономерности изменения термохимических характеристик интерметаллидов систем «свинец – лантаноиды», богатых свинцом / Ф.К. Ходжаев, Б.Б. Эшов, А.Б. Бадалов // Вестник ЮУрГУ. Серия «Металлургия». – 2017. – Т. 17, № 3. – С. 21–27. DOI: 10.14529/met170303

#### FOR CITATION

Khojaev F.K., Eshov B.B., Badalov A.B. Regularity of Changing of the Thermochemical Characteristics of Lead-Rich Intermetallides in Lead – Lanthanide Systems. *Bulletin of the South Ural State University. Ser. Metallurgy*, 2017, vol. 17, no. 3, pp. 21–27. (in Russ.) DOI: 10.14529/met170303